

Primera Fecha 14 de Abril de 2018 Nivel 4

Individual

Entregue la solución de cada pregunta en hojas separadas.

- Sea $\triangle ABC$ un triángulo acutángulo tal que $\angle A=60^\circ$ y $AB\neq AC$. Sean H,O y Γ el ortocentro, el circuncentro y la circunferencia circunscrita del triángulo $\triangle ABC$, respectivamente. Sea E el punto medio del arco BC de Γ que pasa por A. Pruebe que AEOH es un paralelogramo.
- Demuestre que 24n + 5 nunca será un cuadrado perfecto para cada n, un entero no negativo.